

計

이차함수의 그래프의 성질

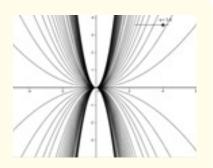
대영역 : 변화와 관계

학습목표

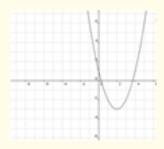
◆이차함수의 그래프의 성질을 이해한다.

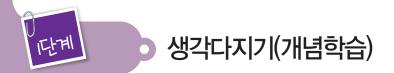
학습정리

- ◆이차함수 y=ax² (a≠0)의 그래프
 - 원점을 꼭짓점으로 하고, y축을 축으로 하는 포물선이다.
 - -a>0이면 아래로 볼록하고, a<0이면 위로 볼록하다.
 - a의 절댓값이 클수록 그래프의 폭이 좁아진다.
 - $-y=-ax^2$ 의 그래프와 x축에 대하여 대칭이다.



- 이차함수 $y=a(x-p)^2+q$ $(a \neq 0)$ 의 그래프
 - $-y=ax^2$ 의 그래프를 x축의 방향으로 p만큼, y축의 방향으로 q만큼 평행이동한 것이다.
 - -x=p를 축으로 하고, 점(p, q)를 꼭짓점으로 하는 포물선이다.





1 다음 중 이차함수의 최솟값이 가장 작은 것은?

①
$$y = x^2 - 2$$

$$y=2(x-3)^2+5$$

$$3y = 2x^2 - 8x + 8$$

$$y = \frac{1}{2}x^2 + 4x + 1$$

2 다음 이처함수의 최댓값이 가장 큰 것은?

①
$$y = -5(x-2)^2$$

②
$$y = -\frac{1}{3}(x+3)^2 + \frac{3}{2}$$

$$y = -x^2 + 3x$$



생각키우기(상황학습)

- 한 개에 100원씩 팔면 400개가 팔리는 부품의 가격을 한 개당 x원 올렸더니 2x개 적게 팔렸다고 한다. 총 판매 금액을 y원이라고 할 때, 물음에 답하여라.
 - (1) y를 x에 관한 식으로 나타내어라.

①
$$y = -2x^2 + 4000$$

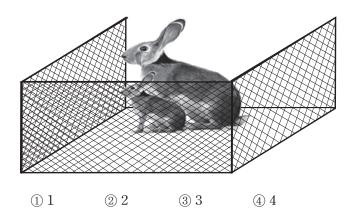
$$y = -x^2 + 100x + 20000$$

$$3y = -2x^2 + 200x + 40000$$

$$4 y = -2x^2 + 400x + 40000$$

- (2) 총 판매 금액의 최댓값을 구하여라.
 - ① 40000원
- ② 45000원
- ③ 50000원 ④ 55000원
- (3) 총 판매 금액이 최대일 때, 한 개당 판매 가격을 구하여라.
 - ① 50워
- ② 100원
- ③ 150원
- ④ 200원

2 길이 16m의 철망 양쪽을 구부려서 아래 그림과 같이 직사 각형 모양의 토끼의 울타리를 만들었다. 울타리 안의 넓이 를 최대로 하려면 양쪽 철망을 몇 m씩 구부리면 되는가?



- 주방도구 디자이너인 성미는 직사각형 모양의 도마를 다 자인하고자 한다. 도마 둘레의 길이를 120cm가 되도록 하고, 도마의 넓이를 최대로 만들고자 한다면 도마의 가로 의 길이를 얼마로 제작해야 하는지 구하여라.
- ① 10cm ② 20cm ③ 30cm
- (4) 40cm